CENTRALNA KOMISJA EGZAMINACYJNA

Arkusz zawiera informacje prawnie chronione do momentu rozpoczęcia egzaminu.

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

PESEL

Miejsce na naklejkę.
Sprawdź, czy kod na naklejce to **M-100**.
Jeżeli tak – przyklej naklejkę.
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

Egzamin maturalny ***Formuła 2023***

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Symbol arkusza
MMAP-P0-**100**-2406

DATA: **4 czerwca 2024 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS TRWANIA: **180 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

Uprawnienia zdającego do:
- ☐ dostosowania zasad oceniania
- ☐ dostosowania w zw. z dyskalkulią
- ☐ nieprzenoszenia odpowiedzi na kartę.

Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym

1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.

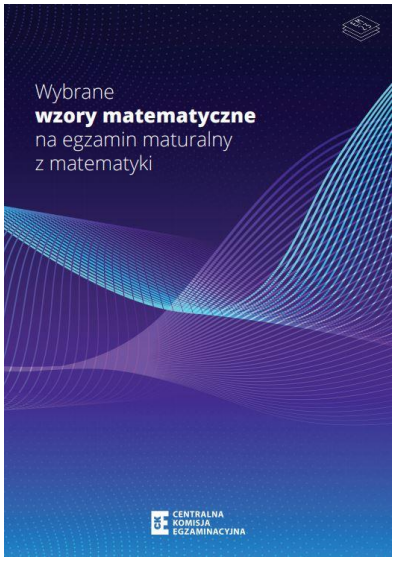
Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Układ graficzny
© CKE 2022

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 31 stron (zadania 1–32). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Na pierwszej stronie arkusza oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
3. Symbol  zamieszczony w nagłówku zadania oznacza, że rozwiązanie zadania zamkniętego musisz przenieść na kartę odpowiedzi. Ocenie podlegają wyłącznie odpowiedzi zaznaczone na karcie odpowiedzi.
4. Odpowiedzi do zadań zamkniętych zaznacz na karcie odpowiedzi w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj ■ pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem ◉ i zaznacz właściwe.
5. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
6. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
7. Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.
8. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
9. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
10. Możesz korzystać z *Wybranych wzorów matematycznych*, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego. Upewnij się, czy przekazano Ci broszurę z okładką taką jak widoczna poniżej.



Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadania egzaminacyjne są wydrukowane na następnych stronach.

Zadanie 1. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba $2^{-1} \cdot 32^{\frac{3}{5}}$ jest równa

A. (-16) **B.** (-4) **C.** 2 **D.** 4

Brudnopis

Zadanie 2. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba $\log_3\left(\frac{3}{2}\right) + \log_3\left(\frac{2}{9}\right)$ jest równa

A. $\log_3 \frac{31}{18}$ **B.** $\log_3 \frac{5}{11}$ **C.** (-1) **D.** $\frac{1}{3}$

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 3. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba $\left(2\sqrt{10}+\sqrt{2}\right)^2$ jest równa

A. 22 **B.** 42 **C.** $42+4\sqrt{5}$ **D.** $42+8\sqrt{5}$

Brudnopis

Zadanie 4. (0–1)

Klient wpłacił do banku na trzyletnią lokatę kwotę w wysokości K_0 zł. Po każdym rocznym okresie oszczędzania bank dolicza odsetki w wysokości 6% od kwoty bieżącego kapitału znajdującego się na lokacie – zgodnie z procentem składanym.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Po trzech latach oszczędzania w tym banku kwota na lokacie (bez uwzględniania podatków) jest równa

A. $K_0 \cdot (1{,}06)^3$ **B.** $K_0 \cdot (1{,}02)^3$

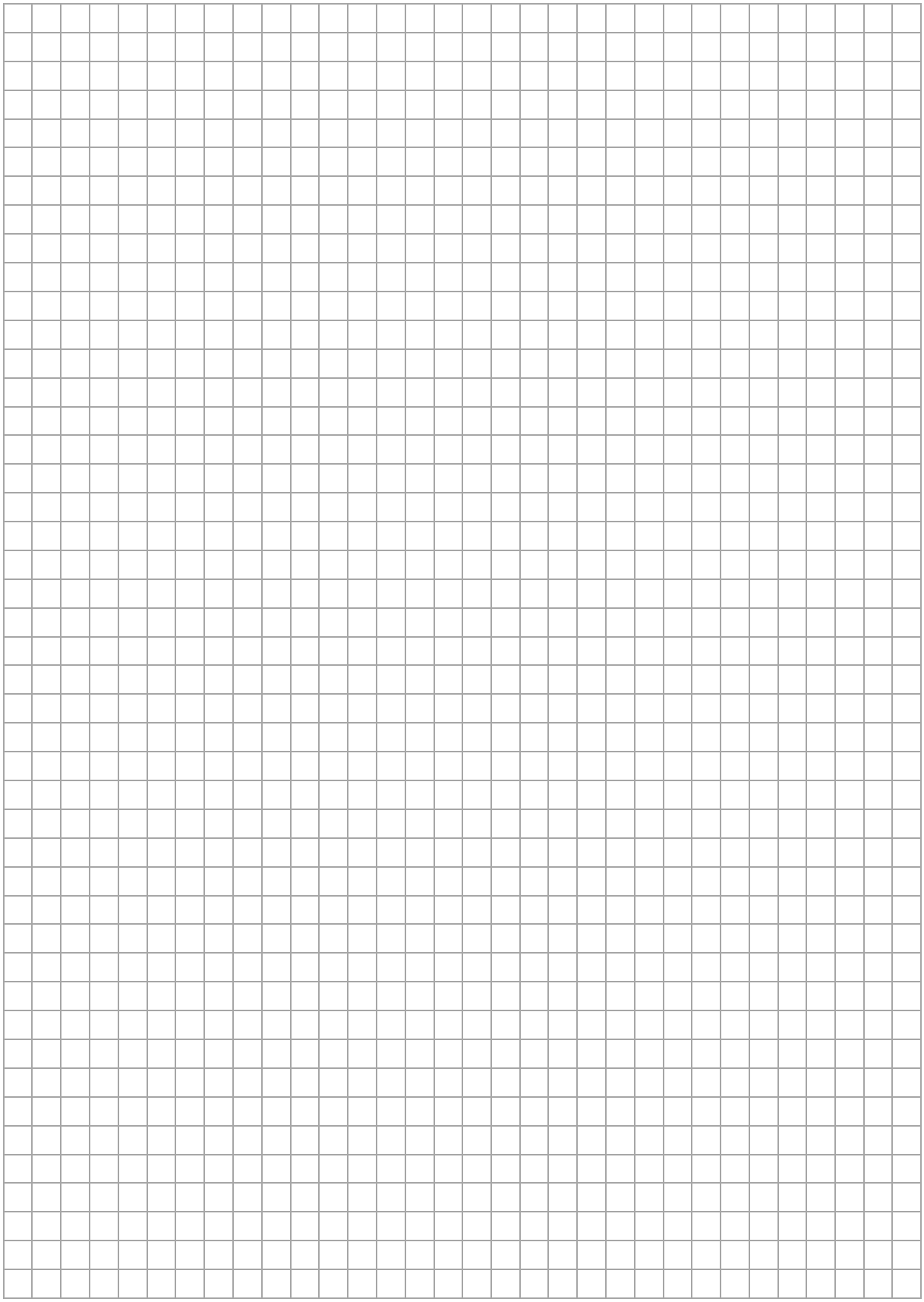
C. $K_0 \cdot (1{,}03)^6$ **D.** $K_0 \cdot 1{,}18$

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 5. (0–2)

Wykaż, że dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$ liczba $5n^3 - 5n$ jest podzielna przez 30.



Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 6. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba wszystkich całkowitych dodatnich rozwiązań nierówności

$$\frac{3x-5}{12} < \frac{1}{3}$$

jest równa

A. 2 **B.** 3 **C.** 5 **D.** 6

Brudnopis

Zadanie 7. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Układ równań $\begin{cases} x-2y=3 \\ -4x+8y=-12 \end{cases}$

A. nie ma rozwiązań.

B. ma dokładnie jedno rozwiązanie.

C. ma dokładnie dwa rozwiązania.

D. ma nieskończenie wiele rozwiązań.

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 8. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Dla każdej liczby rzeczywistej x różnej od: (-1), 0 i 1, wartość wyrażenia $\frac{2x^2}{x^2-1} \cdot \frac{x+1}{x}$ jest równa wartości wyrażenia

A. $2x + 2$ **B.** $\frac{2x}{x-1}$ **C.** $\frac{2x}{x^2-1}$ **D.** $\frac{2x^3+1}{x^3-1}$

Brudnopis

Zadanie 9. (0–1)

Wielomian $W(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ jest iloczynem wielomianów $F(x) = (2 - 3x)^2$ oraz $G(x) = 3x - 2$.

Uzupełnij poniższe zdanie. Wpisz odpowiednią liczbę w wykropkowanym miejscu tak, aby zdanie było prawdziwe.

Suma $a + b + c + d$ współczynników wielomianu W jest równa ……. .

Brudnopis

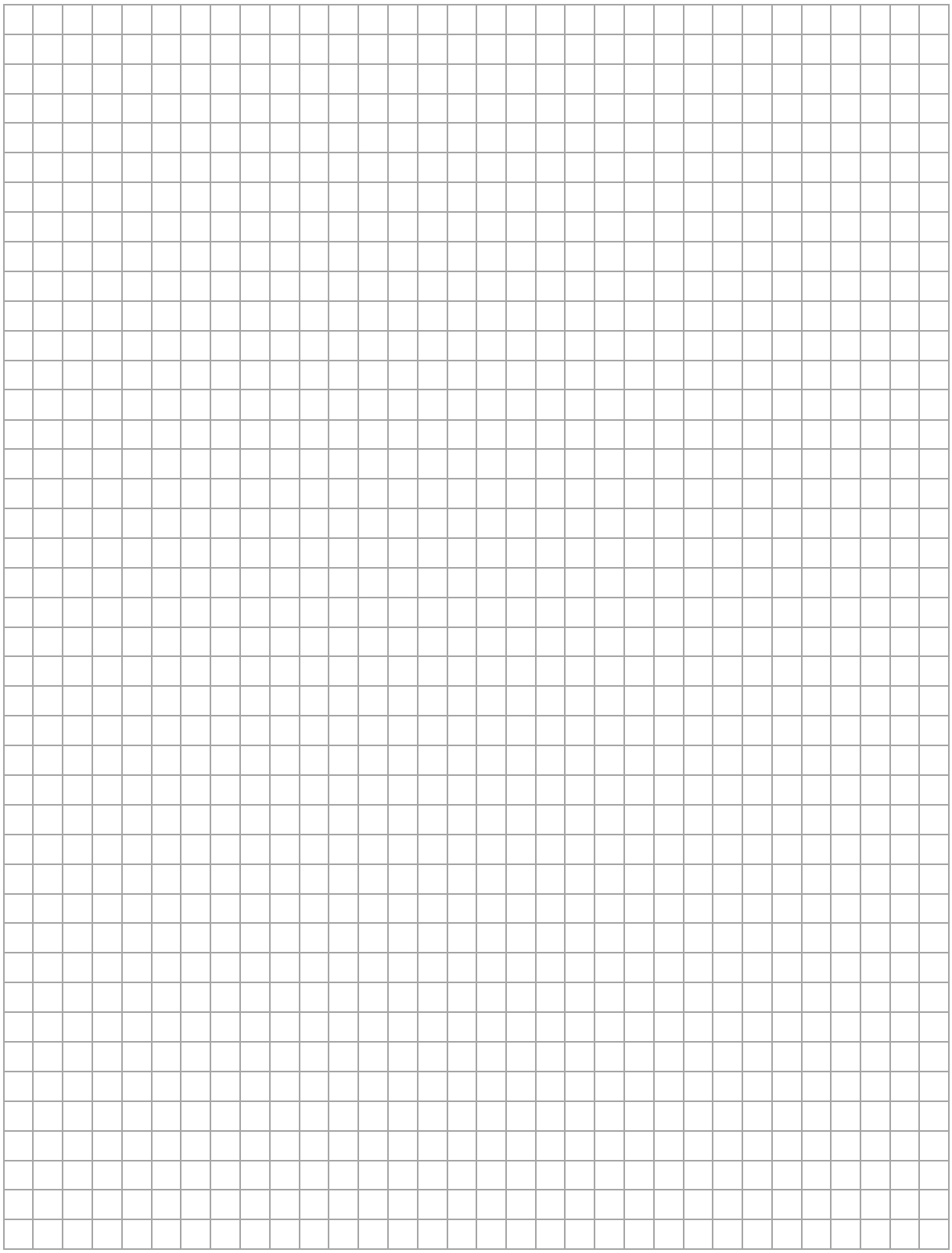
Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 10. (0–3)

Rozwiąż równanie

$$4x^3 - 12x^2 - x + 3 = 0$$

Zapisz obliczenia.



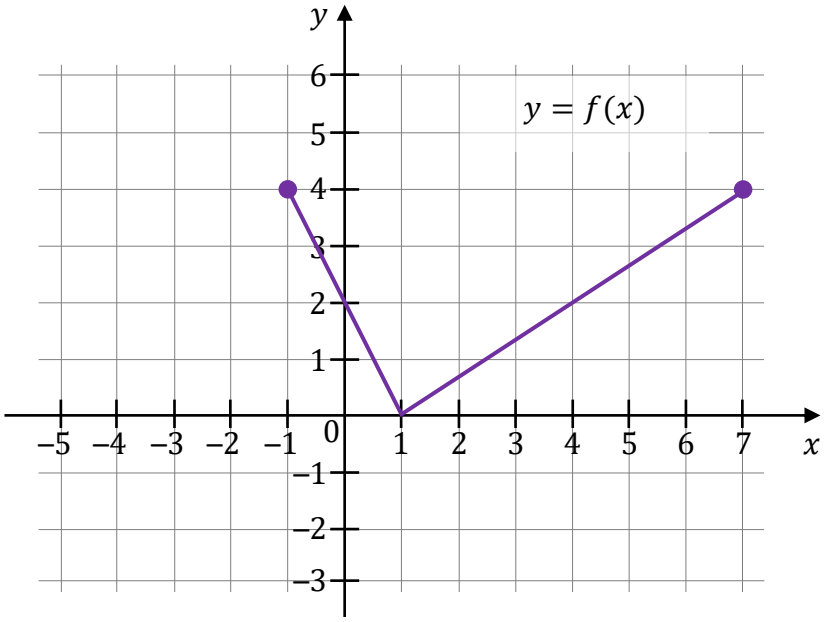
Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 11.

Na rysunku 1., w kartezjańskim układzie współrzędnych (x, y), przedstawiono wykres funkcji f. Każdy z punktów przecięcia wykresu funkcji f z prostą o równaniu $y = 2$ ma obie współrzędne całkowite.

Rysunek 1.



Zadanie 11.1. (0–1)

Uzupełnij poniższe zdanie. Wpisz odpowiedni przedział w wykropkowanym miejscu tak, aby zdanie było prawdziwe.

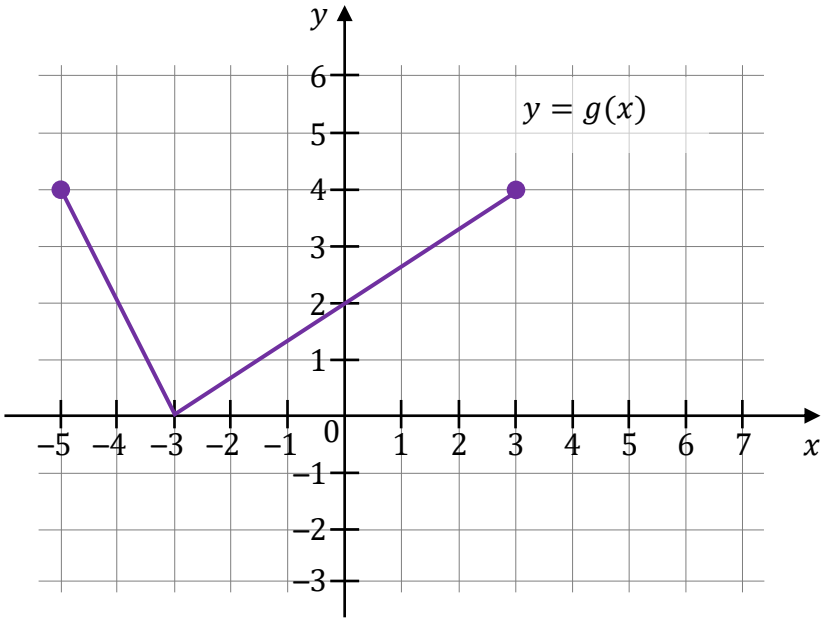
Zbiorem wszystkich rozwiązań nierówności $f(x) \leq 2$ jest przedział …… .

Brudnopis

Zadanie 11.2. (0–1)

Na rysunku 2., w kartezjańskim układzie współrzędnych (x, y), przedstawiono wykres funkcji g, powstałej w wyniku przesunięcia równoległego wykresu funkcji f wzdłuż osi Ox o 4 jednostki w lewo.

Rysunek 2.



Dokończ zdanie. Wybierz odpowiedź A, B albo C oraz odpowiedź 1. albo 2.

Funkcje f i g są powiązane zależnością

A.	$g(x) = f(x+4)$	oraz mają takie same	**1.**	dziedziny.
B.	$g(x) = f(x-4)$		**2.**	zbiory wartości.
C.	$g(x) = f(x) - 4$			

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 12. (0–1)

Funkcja $y = f(x)$ jest określona za pomocą tabeli

x	-2	-1	0	1	2
y	-1	0	1	0	3

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Funkcja f ma dokładnie jedno miejsce zerowe.	**P**	**F**
W kartezjańskim układzie współrzędnych (x, y) wykres funkcji f jest symetryczny względem osi Oy.	**P**	**F**

Brudnopis

Zadanie 13. (0–1)

Liczba 2 jest miejscem zerowym funkcji liniowej $f(x) = (3 - m)x + 4$.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba m jest równa

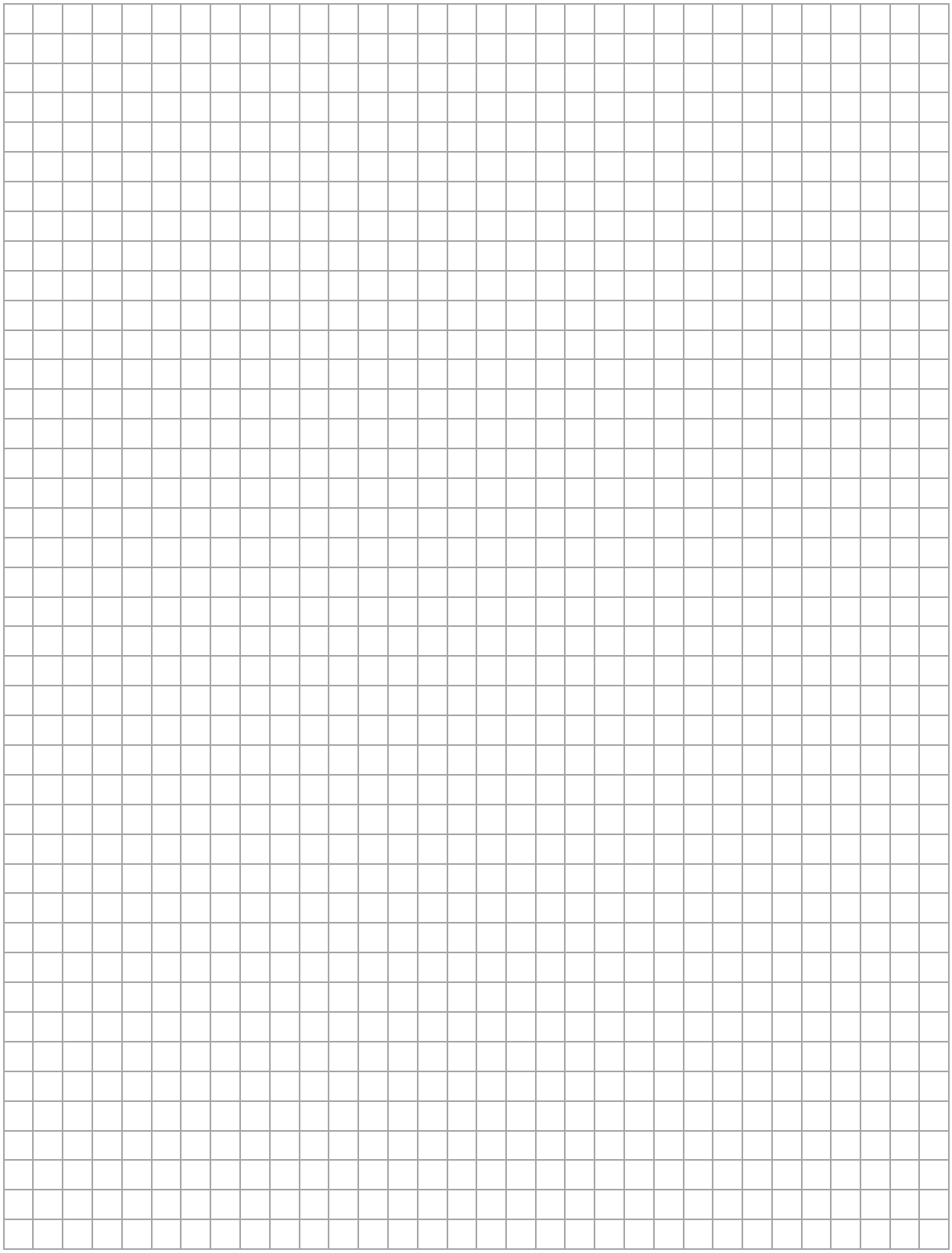
A. 0 **B.** 3 **C.** 4 **D.** 5

Brudnopis

Zadanie 14. (0–2)

Parabola, która jest wykresem funkcji kwadratowej f, ma z osiami kartezjańskiego układu współrzędnych (x, y) dokładnie dwa punkty wspólne: $M = (0, 18)$ oraz $N = (3, 0)$.

Wyznacz wzór funkcji kwadratowej f. Zapisz obliczenia.



Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 15.

Funkcja kwadratowa f jest określona wzorem $f(x) = -(x+1)^2 + 4$.

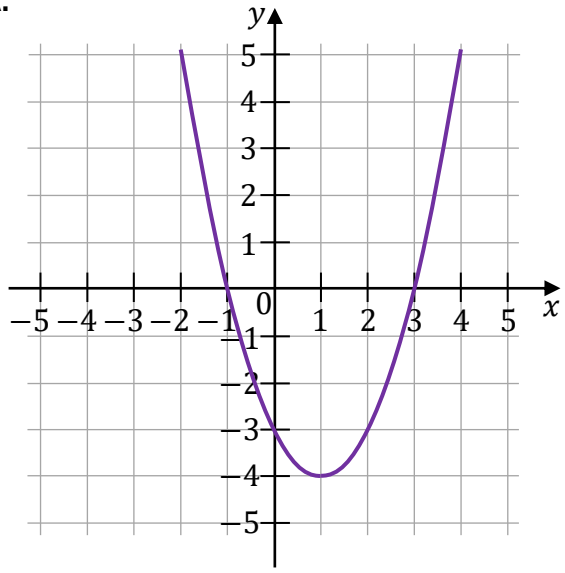
Zadanie 15.1. (0–1)

Na jednym z rysunków A–D przedstawiono, w kartezjańskim układzie współrzędnych (x, y), fragment wykresu funkcji $y = f(x)$.

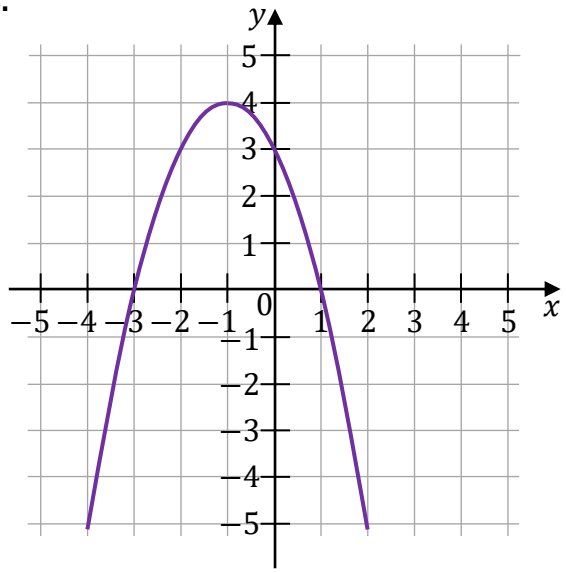
Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Fragment wykresu funkcji $y = f(x)$ przedstawiono na rysunku

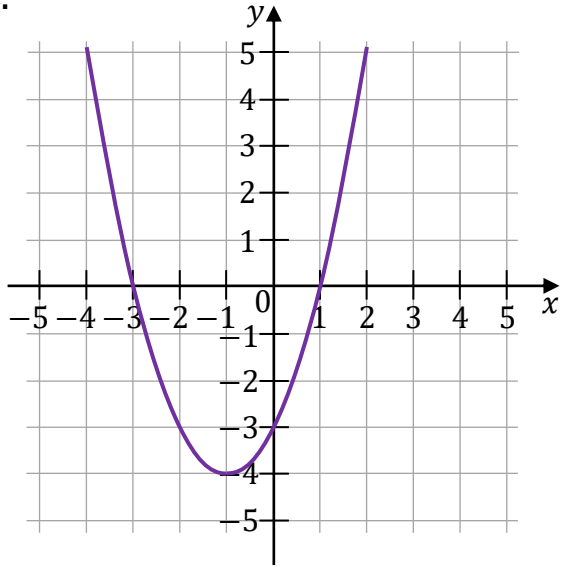
A.



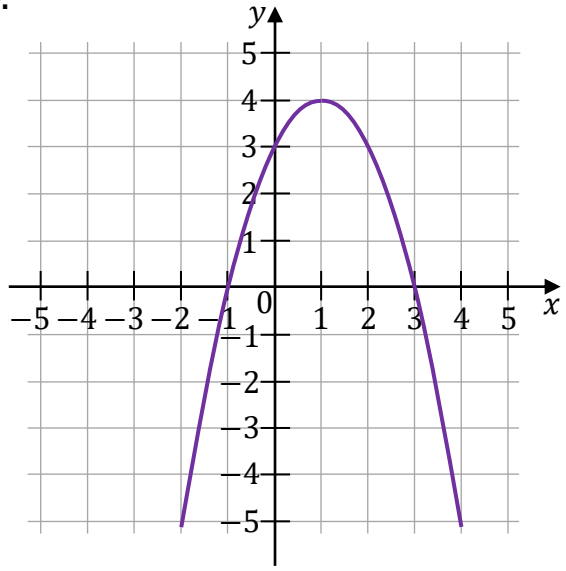
B.



C.



D.



Zadanie 15.2. (0–1)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Wykres funkcji f przecina oś Oy kartezjańskiego układu współrzędnych (x, y) w punkcie o współrzędnych $(0, 4)$.	**P**	**F**
Miejsca zerowe funkcji f są równe: (-3) oraz 1.	**P**	**F**

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 16.

Ciąg (a_n) jest określony wzorem $a_n = 2 \cdot (-1)^{n+1} + 5$ dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$.

Zadanie 16.1. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Suma dziesięciu początkowych kolejnych wyrazów tego ciągu jest równa

A. 3 **B.** 7 **C.** 50 **D.** 100

Brudnopis

Zadanie 16.2. (0–1)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Ciąg (a_n) jest malejący.	**P**	**F**
Ciąg (a_n) jest geometryczny.	**P**	**F**

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 17. (0–1)

W ciągu arytmetycznym (a_n), określonym dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$, dane są wyrazy: $a_1 = 7$ oraz $a_2 = 13$.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wyraz a_{10} jest równy

A. (-47) **B.** 52 **C.** 61 **D.** 67

Brudnopis

Zadanie 18. (0–1)

Trzywyrazowy ciąg $(-1,\ 2,\ x)$ jest arytmetyczny.
Trzywyrazowy ciąg $(-1,\ 2,\ y)$ jest geometryczny.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczby x oraz y spełniają warunki

A. $x > 0$ i $y > 0$ **B.** $x > 0$ i $y < 0$

C. $x < 0$ i $y > 0$ **D.** $x < 0$ i $y < 0$

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 19. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba $1 + \cos^2 27°$ jest równa

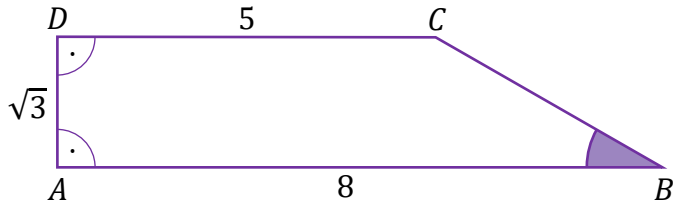
A. $2 - \sin^2 27°$ **B.** $\sin^2 27°$

C. $2 + \sin^2 27°$ **D.** 2

Brudnopis

Zadanie 20. (0–1)

Podstawy trapezu prostokątnego $ABCD$ mają długości: $|AB| = 8$ oraz $|CD| = 5$. Wysokość AD tego trapezu ma długość $\sqrt{3}$ (zobacz rysunek).



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

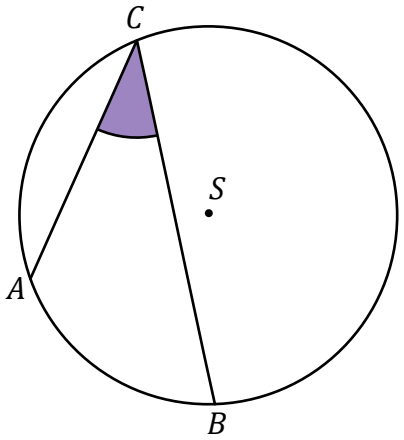
Miara kąta ostrego ABC jest równa

A. $15°$ **B.** $30°$ **C.** $45°$ **D.** $60°$

Brudnopis

Zadanie 21. (0–1)

Punkty A, B oraz C leżą na okręgu o środku w punkcie S. Długość łuku AB, na którym jest oparty kąt wpisany ACB, jest równa $\frac{1}{5}$ długości okręgu (zobacz rysunek).



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Miara kąta ostrego ACB jest równa

A. $18°$ **B.** $30°$ **C.** $36°$ **D.** $72°$

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 22. (0–2)

Bok kwadratu $ABCD$ ma długość równą 12. Punkt S jest środkiem boku BC tego kwadratu. Na odcinku AS leży punkt P taki, że odcinek BP jest prostopadły do odcinka AS.

Oblicz długość odcinka BP. Zapisz obliczenia.

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 23.

W kartezjańskim układzie współrzędnych (x, y) dany jest okrąg $\mathcal{O}$ o równaniu

$$(x-1)^2+(y+2)^2=5$$

Zadanie 23.1. (0–1)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Wybierz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

Do okręgu $\mathcal{O}$ należy punkt o współrzędnych $(-1,-3)$.	**P**	**F**
Promień okręgu $\mathcal{O}$ jest równy 5.	**P**	**F**

Brudnopis

Zadanie 23.2. (0–1)

Okrąg $\mathcal{K}$ jest obrazem okręgu $\mathcal{O}$ w symetrii środkowej względem początku układu współrzędnych.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Okrąg $\mathcal{K}$ jest określony równaniem

A. $(x-1)^2+(y+2)^2=5$

B. $(x+1)^2+(y+2)^2=5$

C. $(x-1)^2+(y-2)^2=5$

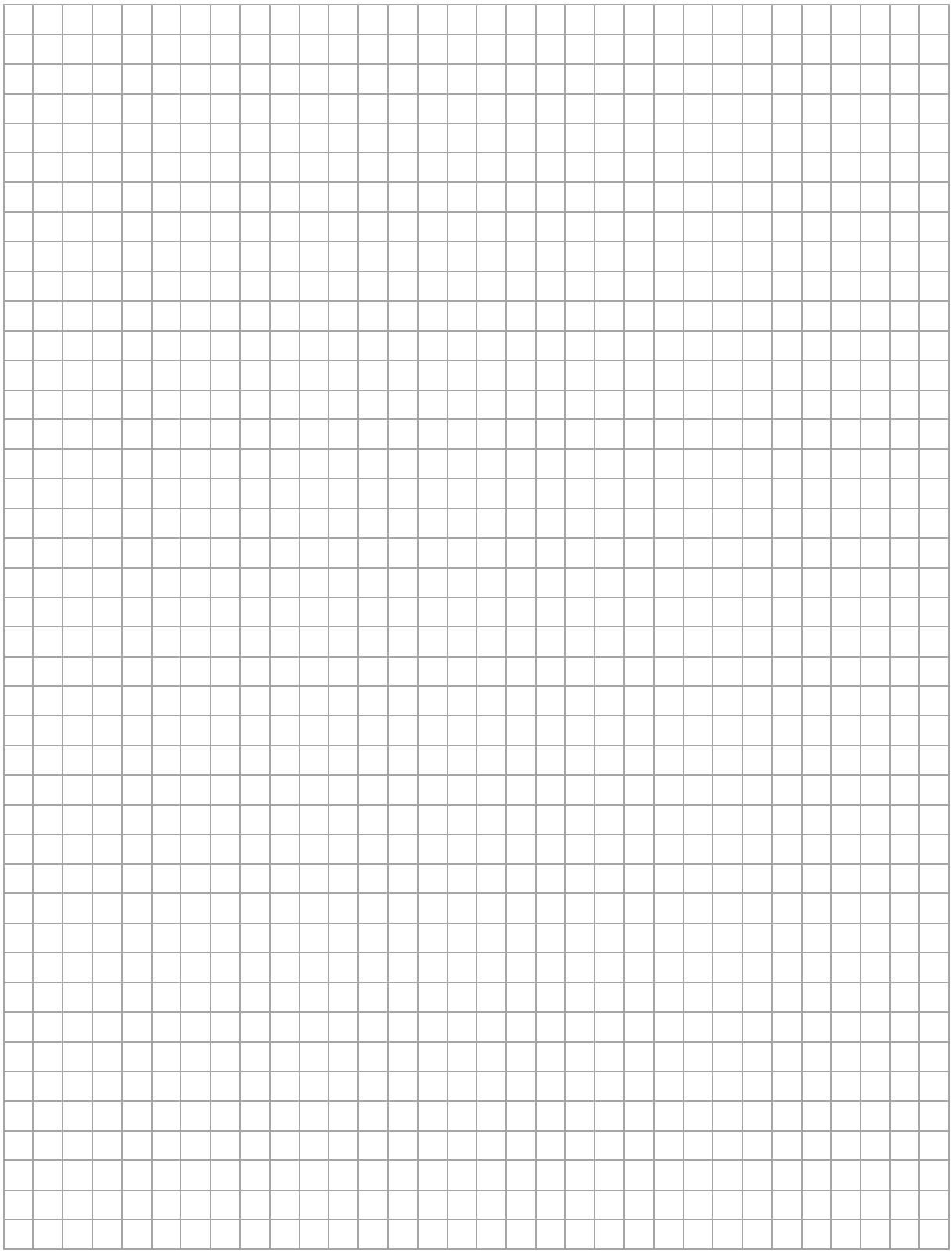
D. $(x+1)^2+(y-2)^2=5$

Brudnopis

Zadanie 24. (0–4)

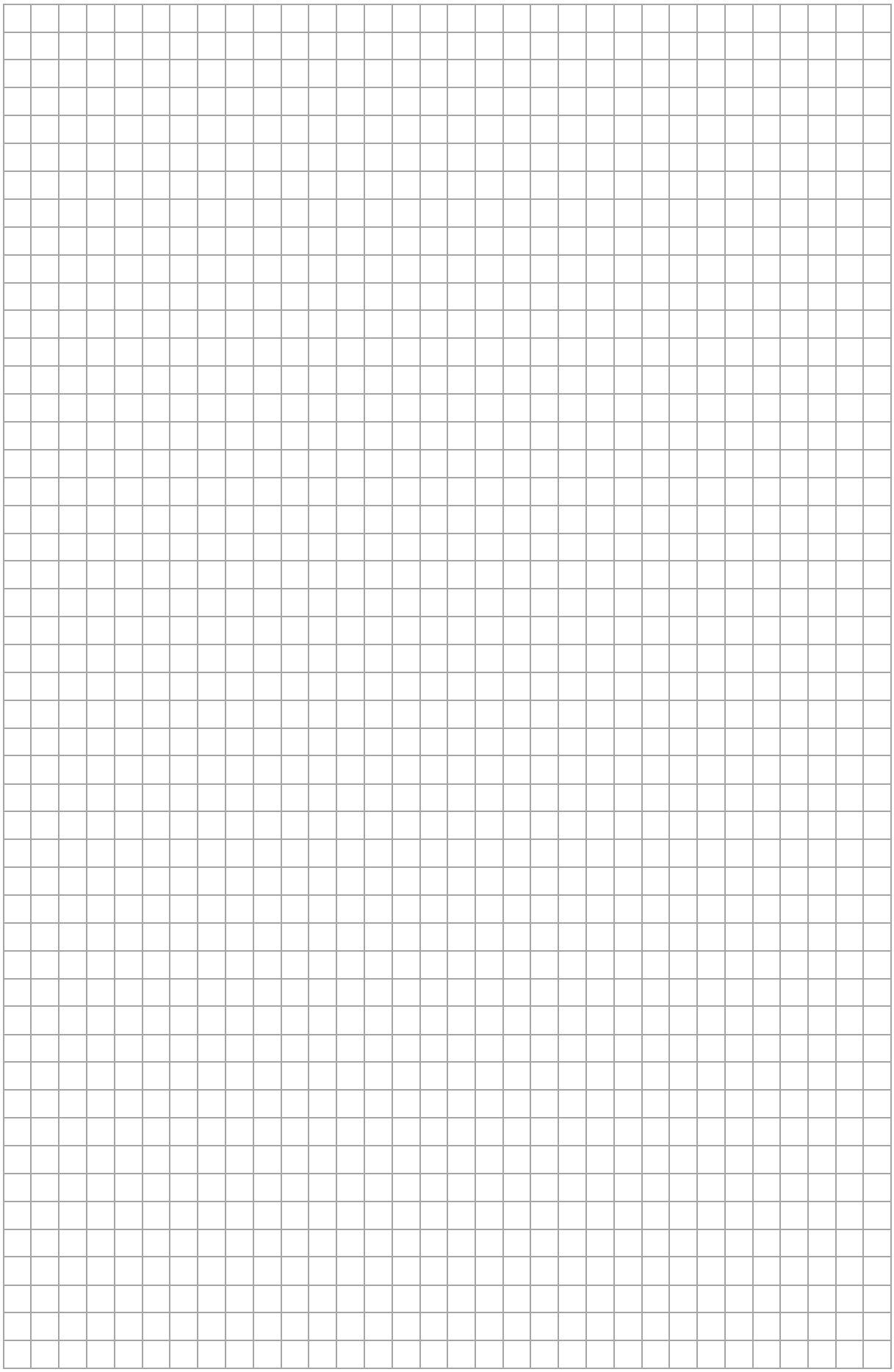
W kartezjańskim układzie współrzędnych (x, y) dane są punkty $A = (2, 8)$ oraz $B = (10, 2)$. Symetralna odcinka AB przecina oś Ox układu współrzędnych w punkcie P.

Oblicz współrzędne punktu P oraz długość odcinka AP. Zapisz obliczenia.



Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/



Zadanie 25. (0–1)

Ostrosłup prawidłowy ma 2024 ściany boczne.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba wszystkich krawędzi tego ostrosłupa jest równa

A. 2025 **B.** 2026 **C.** 4048 **D.** 4052

Brudnopis

Zadanie 26. (0–1)

Przekątna ściany sześcianu ma długość $2\sqrt{2}$.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Objętość tego sześcianu jest równa

A. 8 **B.** 24 **C.** $\frac{16\sqrt{6}}{9}$ **D.** $16\sqrt{2}$

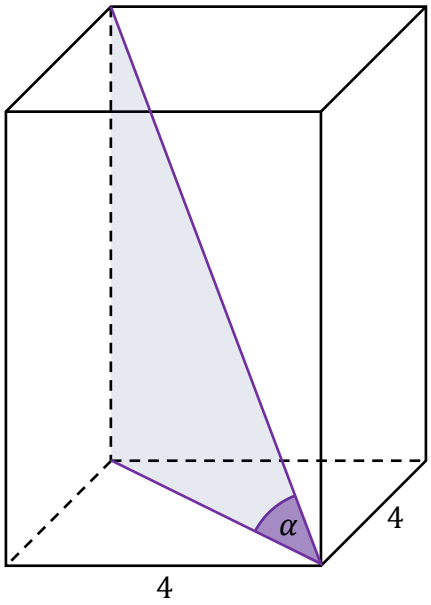
Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 27. (0–1)

Podstawą graniastosłupa prawidłowego czworokątnego jest kwadrat o boku długości 4. Przekątna tego graniastosłupa jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem α takim, że $\operatorname{tg}\alpha = 2$ (zobacz rysunek).



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wysokość tego graniastosłupa jest równa

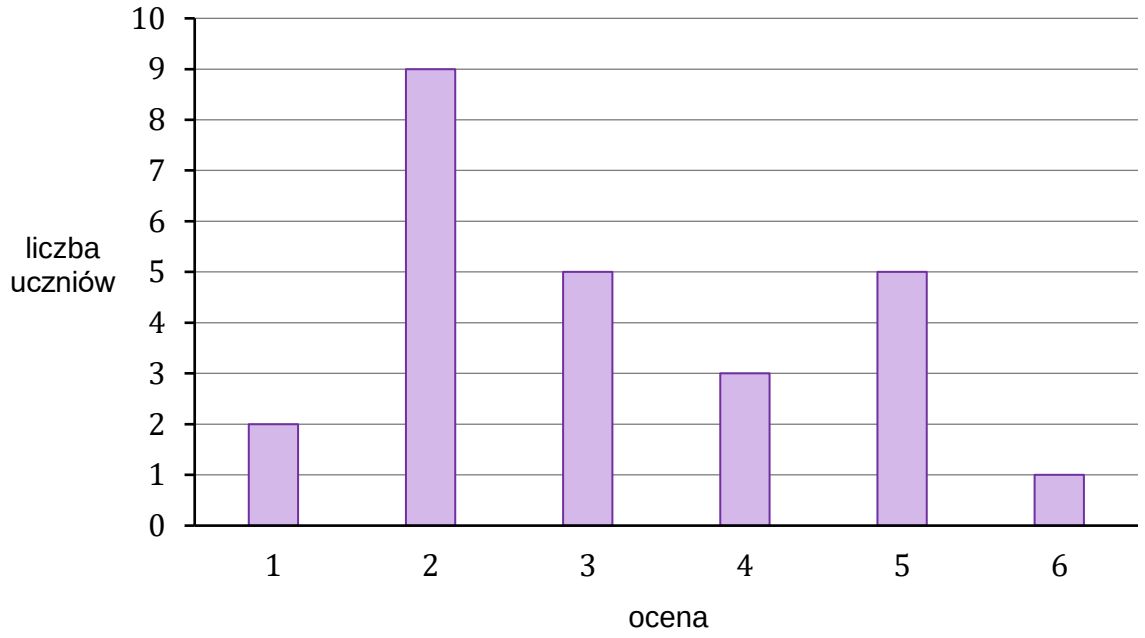
A. 2 **B.** 8 **C.** $8\sqrt{2}$ **D.** $16\sqrt{2}$

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 28. (0–1)

Na diagramie przedstawiono wyniki sprawdzianu z matematyki w pewnej klasie maturalnej. Na osi poziomej podano oceny, które uzyskali uczniowie tej klasy, a na osi pionowej podano liczbę uczniów, którzy otrzymali daną ocenę.



Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Średnia arytmetyczna ocen uzyskanych z tego sprawdzianu przez uczniów tej klasy jest równa

A. 3 **B.** $3{,}12$ **C.** $3{,}5$ **D.** $4{,}1(6)$

Brudnopis

Zadanie 29. (0–1)

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Wszystkich liczb naturalnych czterocyfrowych parzystych, w których zapisie dziesiętnym występują tylko cyfry $2,\ 4,\ 7$ (np.: $7272,\ 2222,\ 7244$), jest

A. 16 **B.** 27 **C.** 54 **D.** 81

Brudnopis

Zadanie 30. (0–1)

W pudełku znajdują się wyłącznie kule białe i czarne. Kul czarnych jest 18.
Z tego pudełka w sposób losowy wyciągamy jedną kulę.
Prawdopodobieństwo zdarzenia polegającego na tym, że wyciągniemy kulę czarną, jest równe $\frac{3}{5}$.

Dokończ zdanie. Wybierz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Liczba kul białych w pudełku, przed wyciągnięciem jednej kuli, była równa

A. 9 **B.** 12 **C.** 15 **D.** 30

Brudnopis

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 31. (0–2)

Doświadczenie losowe polega na dwukrotnym rzucie symetryczną sześcienną kostką do gry, która na każdej ściance ma inną liczbę oczek – od jednego oczka do sześciu oczek.

Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia A polegającego na tym, że w pierwszym rzucie wypadnie większa liczba oczek niż w drugim rzucie. Zapisz obliczenia.

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Zadanie 32. (0–2)

Właściciel sklepu z zabawkami przeprowadził lokalne badanie rynkowe dotyczące wpływu zmiany ceny zestawu klocków na liczbę kupujących ten produkt. Z badania wynika, że dzienny przychód P ze sprzedaży zestawów klocków, w zależności od kwoty obniżki ceny zestawu o x zł, wyraża się wzorem

$$P(x) = (70 - x)(20 + x)$$

gdzie x jest liczbą całkowitą spełniającą warunki $x \geq 0$ i $x \leq 60$.

Uzupełnij tabelę. Wpisz w każdą pustą komórkę tabeli właściwą odpowiedź, wybraną spośród oznaczonych literami A–E.

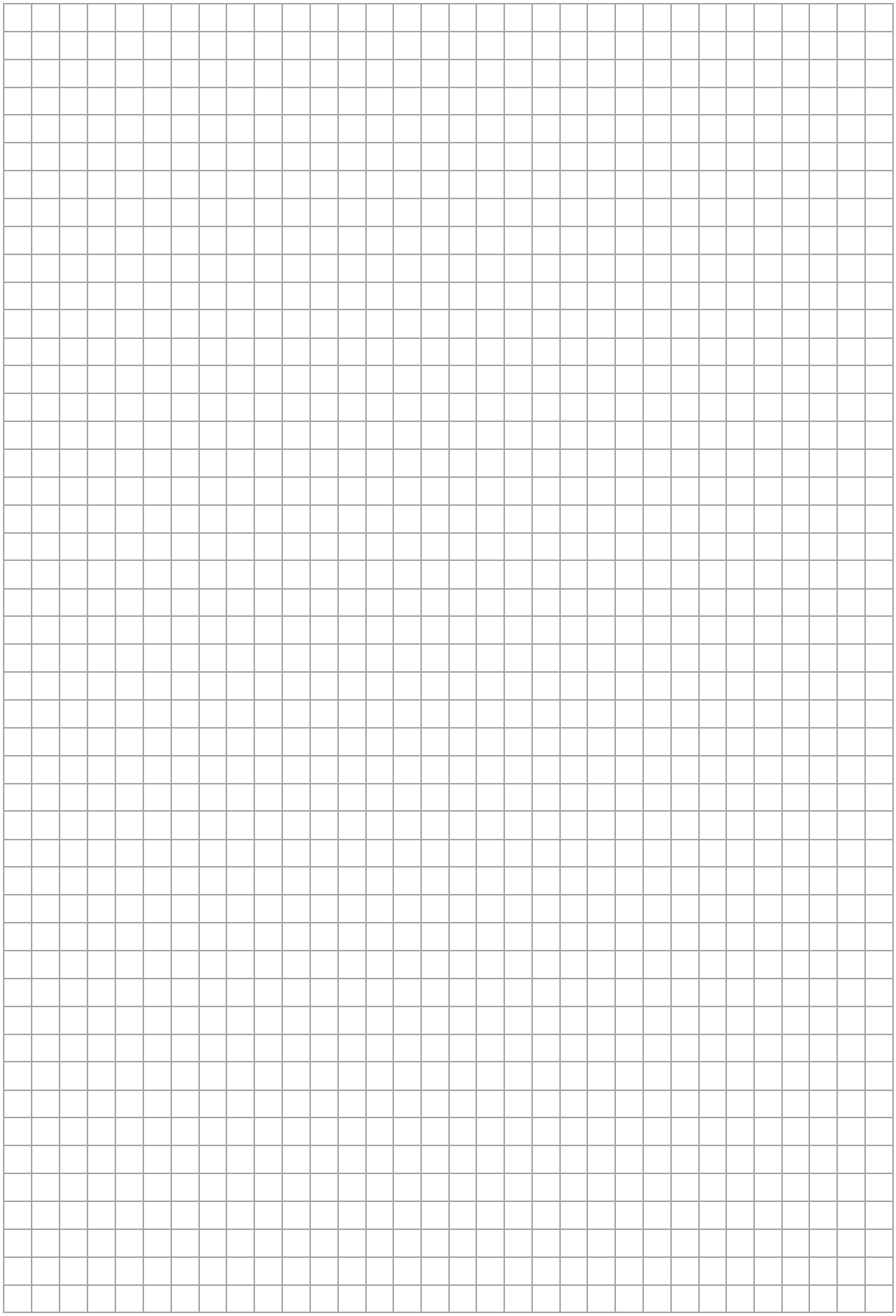
32.1.	Dzienny przychód ze sprzedaży zestawów klocków będzie największy, gdy liczba x jest równa	
32.2.	Dzienny przychód ze sprzedaży zestawów klocków będzie równy 800 zł, gdy liczba x jest równa	

A. 25 **B.** 30 **C.** 45 **D.** 50 **E.** 60

Brudnopis

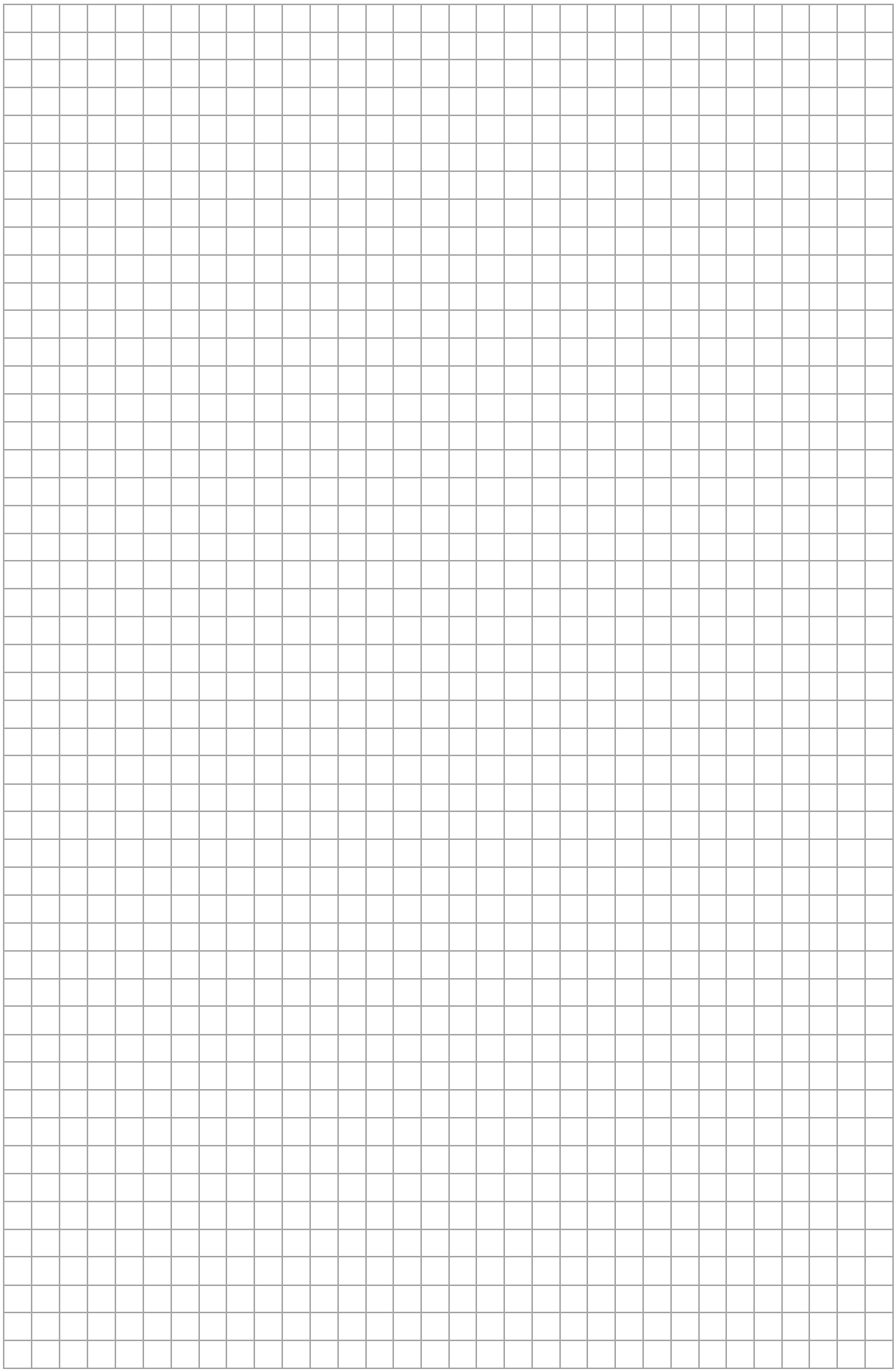
Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)



Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/



MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Formuła 2023

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Formuła 2023

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Formuła 2023

Ten arkusz możesz zrobić online na stronie: SzaloneLiczby.pl/matura/